

نمونه سوالات موضوعی

"کنکور سراسری"

مبحث : مشتق

رشته ریاضی و تجربی

(بدون پاسخ)

از سال ۱۳۹۰ تا ۱۴۰۲

تهیه کننده : رقیه پیله ور

"عضو گروه ریاضی دوره دوم متوسطه استان اردبیل"

شماره تماس : ۰۹۱۴۳۵۱۸۴۲۴

www.math-pilevar.ir

درس

۱۶

مشتق - مفهوم مشتق

پیشی خانه پذیرش ۱۴۰	<p>خط d موازی محور x‌ها، سهمی $1 - x^2 = y$ را در دو نقطه قطع می‌کند و مماس‌های رسم شده در این نقاط بر هم عمودند. مجموع عرض‌های این دو نقطه کدام است؟</p> <p>$-\frac{3}{4}$ (۴) $-\frac{1}{4}$ (۳) $-\frac{1}{2}$ (۲) $-\frac{3}{2}$ (۱)</p>	۳۹۷
پیشی خانه پذیرش ۱۴۰	<p>معادله خط مماس بر نمودار $y = \frac{x^2 + mx + 1}{x + 3}$ در نقطه‌ای به طول واحد بر روی نمودار، به صورت $4y - 3x = n$ است. مقدار n چقدر است؟</p> <p>۲ (۴) ۲ (۳) -۲ (۲) -۳ (۱)</p>	۳۹۸
پیشی خانه پذیرش ۱۴۰	<p>در نقطه تلاقی منحنی‌های $g(x) = \frac{3}{2} \sin x$ و $f(x) = \sin x + \frac{1}{2} \cos x$ در بازه $[0^\circ, \pi^\circ]$ خط مماسی بر منحنی $f(x)$ رسم می‌شود. این خط، محور x‌ها را در نقطه‌ای با کدام طول قطع می‌کند؟</p> <p>$\frac{\pi}{4} + \frac{3}{8}$ (۴) $\frac{\pi}{4} + \frac{1}{8}$ (۳) $\frac{\pi}{4} - 3$ (۲) $\frac{\pi}{4} - 1$ (۱)</p>	۳۹۹
پیشی خانه پذیرش ۱۴۰	<p>در کدام نقطه از منحنی $y = x^2 - 4x + 5$ خط مماس بر منحنی $y = 6x - 3$ عمود است؟</p> <p>(۲, ۱) (۴) (۱, ۲) (۳) (-۱, ۱۰) (۲) (-۲, ۱۷) (۱)</p>	۴۰۰



۴۰۱ ریاضی کارهای ۱۴۰۰	<p>از محل تقاطع نمودار منحنی $f(x) = \sqrt{x} + 2$ با وارون آن دو خط مماس یکی بر f و دیگری بر f^{-1} رسم می‌کنیم. اگر α زاویه حاده بین دو خط مماس باشد، مقدار $\sin 2\alpha$ کدام است؟</p> <p> $\frac{24}{289}(4)$ $\frac{225}{289}(3)$ $\frac{8}{15}(2)$ $\frac{7}{15}(1)$ </p>	
۴۰۲ ریاضی کارهای ۹۹۰	<p>خط مماس بر نمودارهای دو تابع با ضابطه‌های $x = 2$ در نقطه $g(x) = ax^2 + bx$ و $f(x) = \frac{x+2}{x-1}$ مشترک‌اند. مقدار b کدام است؟</p> <p> $7(4)$ $6(3)$ $5(2)$ $4(1)$ </p>	
۴۰۳ ریاضی ۹۹۰	<p>خط مماس بر منحنی تابع $f(x) = \frac{5x-4}{\sqrt{x}}$ در نقطه $x = 4$ واقع بر آن، محور y را با کدام عرض، قطع می‌کند؟</p> <p> $3(4)$ $2(3)$ $-1(2)$ $-4(1)$ </p>	
۴۰۴ ریاضی کارهای ۹۹۰	<p>فرض کنید نمودارهای دو تابع $y = x^2 + ax + b$ و $y = x\sqrt{x}$ در یک نقطه مشترک بر یک خط مماس باشند. اگر طول نقطه مشترک 4 باشد. مقدار b کدام است؟</p> <p> $12(4)$ $10(3)$ $9(2)$ $8(1)$ </p>	
۴۰۵ ریاضی کارهای ۷۷۰	<p>در تابع با ضابطه $f(x) = \frac{4x-5}{x+1}$ و دامنه $[8, \infty)$ خط مماس بر نمودار آن موازی پاره خطی است که ابتدا و انتهای منحنی را به هم وصل کند. این خط مماس، محور y را با کدام عرض، قطع می‌کند؟</p> <p> $-0.5(4)$ $-1(3)$ $-1.5(2)$ $-2(1)$ </p>	



پیشی شانز	<p>خط مماس بر نمودار تابع $x = f(x) = -\frac{1}{3}x^3 + 2x^2 - x$ با بیشترین شیب ممکن محور y را با کدام عرض، قطع می‌کند؟</p> <p>$-\frac{8}{3}(4)$ $-\frac{7}{3}(3)$ $-\frac{5}{3}(2)$ $-\frac{4}{3}(1)$</p>	۴۰۶
پیشی شانز	<p>خط به معادله $y = 3x - 2$ در نقطه $x = 2$، بر منحنی پیوسته $y = f(x)$ مماس است. حاصل $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f'(x) - 4f(x)}{x - 2}$ کدام است؟</p> <p>۱۵(۴) ۱۲(۳) ۶(۲) ۳(۱)</p>	۴۰۷
پیشی شانز	<p>امتداد خط مماس بر نمودار تابع $x = f(x) = \frac{\sin x}{1 + \cos x}$ در نقطه $x = \frac{\pi}{3}$ با نیمساز ربع سوم زاویه α می‌سازد. $\tan \alpha$ کدام است؟</p> <p>$0/3(4)$ $0/25(3)$ $0/2(2)$ $0/15(1)$</p>	۴۰۸
پیشی شانز	<p>اگر $x = f(x) = x^3 - x^2 + 2x$ باشد. معادله‌ی خط قائم بر منحنی تابع f^{-1} در نقطه‌ی $x = 2$ واقع بر آن کدام است؟</p> <p>$3y - x = 1(4)$ $3y + x = 5(3)$ $y - 3x = -5(2)$ $y + 3x = 7(1)$</p>	۴۰۹
پیشی شانز	<p>خط مماس بر منحنی تابع f در نقطه‌ای به طول ۳ واقع بر آن، به معادله $2y + x = 7$ می‌باشد. اگر $g(x) = \frac{1}{x}f^{-1}(x)$ آنگاه $g'(2)$ کدام است؟</p> <p>$\frac{1}{4}(4)$ $-\frac{3}{4}(3)$ $-\frac{5}{4}(2)$ $-\frac{7}{4}(1)$</p>	۴۱۰



۴۱۱	خط گذرا بر دو نقطه‌ی $(1, 2)$ و $(-1, 3)$ بر منحنی پیوسته‌ی $y = f(x)$ در نقطه‌ی $x = 3$ مماس است. حد عبارت $\frac{f^2(x) + 4f(x) - 5}{3-x}$ وقتی $x \rightarrow 3$ کدام می‌باشد؟	۵ (۴) ۴ (۳) ۳ (۲) ۲ (۱)
۴۱۲	اگر $f(x) = \frac{2x-1}{x+2}; x > -2$ باشد، خط قائم بر نمودار تابع f^{-1} در نقطه‌ای به طول ۱ واقع بر آن، محور x را با کدام طول قطع می‌کند؟	۱۶ (۴) ۱۴ (۳) ۱۲ (۲) ۱۰ (۱)
۴۱۳	خطی که دو نقطه به طول‌های ۱ و -1 از منحنی به معادله $y = x^3 + ax^2 + 2x + b$ را بهم وصل کند، بر این منحنی مماس است، a کدام است؟	$-2, 1$ (۴) ۱, ۲ (۳) -۱, ۲ (۲) -۱, ۱ (۱)
۴۱۴	خط گذرا بر دو نقطه به طول‌های ۱ و $\frac{1}{2}$ واقع بر منحنی به معادله $y = \frac{1}{x^2}$ در نقطه‌ای با کدام طول بر این منحنی مماس است؟	۴) نشدنی ۱ (۳) $-\frac{1}{2}$ (۲) -۲ (۱)

درس

۱۷

تابع مشتق و قوانین محاسبه

تئوری ثابت پیش از ۱۴۰۲	<p>اگر $g(x) = \frac{1}{x^5 + x^5 }$ باشد، مقدار $g'(g(\sqrt[5]{3}))f'(g(\sqrt[5]{3}))$ کدام است؟</p> <p>۱) ۴ -۱) ۳ -۱) ۲ ۱) ۱</p>	۴۱۵
تئوری پس از ۱۴۰۲	<p>اگر $g(x) = \frac{1}{x^3 - x^3 }$ باشد، مقدار $g'(g(-\sqrt[3]{2}))f'(g(-\sqrt[3]{2}))$ کدام است؟</p> <p>-۱) ۴ ۱) ۳ ۱) ۲ -۱) ۱</p>	۴۱۶
تئوری پیش از ۱۴۰۲	<p>خط d در نقطه $(-1, 5)$ بر نمودار تابع f مماس است. اگر شیب خط d برابر $\frac{1}{2}$ و $g(x) = \sqrt{x}f(x)$ باشد. مقدار $g'(-1)$ کدام است؟</p> <p>$\frac{13}{6}) ۴$ $\frac{7}{6}) ۳$ $-\frac{1}{3}) ۲$ $-\frac{4}{3}) ۱$</p>	۴۱۷
تئوری پیش از ۱۴۰۲	<p>به ازای کدام مقدار a، اختلاف شیب نیم خطهای مماس چپ و راست بر منحنی تابع $-3 x \sqrt{ax}$ در نقطه $x = \frac{2\sqrt{6}}{3}$ برابر $2\sqrt{6}$ می‌شود؟</p> <p>$\frac{1}{8}) ۴$ $\frac{1}{2}) ۳$ ۸) ۲ ۲) ۱</p>	۴۱۸



پیش‌نی ۴۰	<p>در نقطه تلاقی منحنی‌های $g(x) = \frac{3}{4} \sin x$ و $f(x) = \sin x + \frac{1}{2} \cos x$ در بازه $[0, \pi]$ خط مماسی بر منحنی $f(x)$ رسم می‌شود. این خط، محور x را در نقطه‌ای با کدام طول قطع می‌کند؟</p> <p>$\frac{\pi}{4} + \frac{3}{8}$ (۴) $\frac{\pi}{4} + \frac{1}{8}$ (۳) $\frac{\pi}{4} - ۳$ (۲) $\frac{\pi}{4} - ۱$ (۱)</p>	۴۱۹
پیش‌نی ۴۰	<p>تابع f مشتق‌پذیر و با دوره تناوب ۵ است. اگر $f'(-1) = \frac{3}{2}$ و باشد، حاصل $(-2)^7 g'$ کدام است؟</p> <p>$\frac{13}{2}$ (۴) ۶ (۳) $\frac{7}{2}$ (۲) ۳ (۱)</p>	۴۲۰
پیش‌نی ۴۰	<p>اگر $f(x) = (x-4)\sqrt[5]{x+3}$ باشد، حاصل $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f'(5-h) - ۳f(5-h) + ۲}{h(5-h)}$ کدام است؟</p> <p>$-\frac{13}{15}$ (۴) $\frac{5}{6}$ (۳) $-\frac{5}{12}$ (۲) $\frac{13}{30}$ (۱)</p>	۴۲۱
پیش‌نی شانزدهم	<p>اگر f تابع مشتق‌پذیر، $f'(2) = \sqrt{3}$ باشد. مقدار $g'\left(\frac{\pi}{4}\right) = \sqrt{3}$ و $g(x) = f(\tan^2 x + \sqrt{2} \cos x)$ چقدر است؟</p> <p>$\frac{\sqrt{3}}{3}$ (۴) $\sqrt{3}$ (۳) $\frac{2}{3}$ (۲) $\frac{1}{2}$ (۱)</p>	۴۲۲
پیش‌نی ۴۰	<p>فرض کنید $f \circ g$ مقدار مشتق تابع $x = \frac{1}{\sqrt{x^2-1}}$ در $f(x) = \left(x \left[x^2 + \frac{1}{x}\right]\right)^2 + ۱$ است؟ چند برابر $(-128\sqrt{2})$ است؟</p> <p>۴ (۴) ۲ (۳) ۱ (۲) -۴ (۱)</p>	۴۲۳



۴۲۴	<p>فرض کنید $f \circ g$ مقدار مشتق چپ تابع $g(x) = \frac{1}{\sqrt{x^2 - 1}}$ در $x = \frac{\sqrt{5}}{2}$ چند است؟</p> <p>$\frac{1}{2}(-48\sqrt{5})$</p>	<p>۴(۳)</p> <p>۲(۲)</p> <p>۱(۱)</p>
۴۲۵	<p>فرض کنید $a + b \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{f'(x)}{x} = 2$ و $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f(x)}{x} = 0$، $f(x) = \cos^3(2x) + ax^3 + bx^5$ کدام است؟</p>	<p>-۸(۴)</p> <p>۴(۳)</p> <p>۶(۲)</p> <p>۸(۱)</p>
۴۲۶	<p>خطوط مماس بر منحنی تابع $f(x) = \sin(2x) + 1$ را در نقطه‌ای به طول $x = A$ و B به ترتیب نقاط برخورد خطوط مماس با نیمساز ربع دوم و چهارم باشند، طول پاره خط AB کدام است؟</p>	<p>$2\sqrt{2}(4)$</p> <p>$\frac{4\sqrt{2}}{3}(3)$</p> <p>$\frac{2\sqrt{2}}{3}(2)$</p> <p>۰(۱) صفر</p>
۴۲۷	<p>فرض کنید $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)f'(x)}{(1 - \cos x)^m} = 32\sqrt{2}$ و $f(x) \sin^n(x^2)$ کدام است؟</p>	<p>۱۱(۴)</p> <p>۹(۳)</p> <p>۷(۲)</p> <p>۵(۱)</p>
۴۲۸	<p>مشتق تابع با ضابطه $f(x) = \left(\frac{\sqrt[۳]{x^۳ + ۲x}}{x^۳ - x} \right)^۳$ در نقطه $x = 2$ کدام است؟</p>	<p>$-\frac{۱۵}{۴}(4)$</p> <p>$-\frac{۵}{۲}(3)$</p> <p>$-\frac{۵}{۴}(2)$</p> <p>$-\frac{۳}{۴}(1)$</p>



جنبی شارج ۹۹	<p>مقدار مشتق تابع با ضابطه $f(x) = \sqrt{\left(\frac{2x-x^2}{3x+5}\right)^2}$ در نقطه $x=-2$ کدام است؟</p> <p>۶ (۴) ۵ (۳) ۴ (۲) ۳ (۱)</p>	۴۲۹
بیاضی شارج ۹۹	<p>اگر f یک تابع مشتقپذیر، $f'(\frac{1}{3}) = \frac{\sqrt{3}}{3}$ و $g(x) = f\left(\frac{1-\sin x}{1+\sin x}\right)$ کدام است؟</p> <p>$-\frac{3}{2}$ (۴) $-\frac{4}{3}$ (۳) $-\frac{3}{4}$ (۲) $-\frac{2}{3}$ (۱)</p>	۴۳۰
بیاضی شارج ۹۹	<p>اگر f یک تابع مشتقپذیر، $f'(\frac{1}{3}) = \frac{\sqrt{3}}{3}$ و $g(x) = f\left(\frac{1-\sin x}{1+\sin x}\right)$ کدام است؟</p> <p>$-\frac{3}{2}$ (۴) $-\frac{4}{3}$ (۳) $-\frac{3}{4}$ (۲) $-\frac{2}{3}$ (۱)</p>	۴۳۱
بیاضی شارج ۹۹	<p>در تابع با ضابطه $f(x) = \begin{cases} \sqrt{x^2+6x} & x < -4 \\ \left[\frac{x}{4}\right](x^2-9x) & -4 \leq x < 8 \end{cases}$ مقدار $f'(2) - f'(5)$ کدام است؟</p> <p>$\frac{3}{2}$ (۴) $\frac{3}{4}$ (۳) $\frac{1}{2}$ (۲) $\frac{1}{4}$ (۱)</p>	۴۳۲
جنبی شارج ۹۸	<p>در تابع با ضابطه $f(x) = \frac{1+\sqrt{x}}{5-2x}$ حاصل $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{f(x)-f(4)}{x-4}$ کدام است؟</p> <p>$\frac{5}{6}$ (۴) $\frac{7}{12}$ (۳) $\frac{5}{12}$ (۲) $\frac{4}{9}$ (۱)</p>	۴۳۳



نوبتی ۹۸	<p>$f'(x) = \frac{2x+1}{x-1}$ اگر $(f \circ g)'(2) = 6$ و $g(x)$ کدام است؟</p> <p>۲ (۴) ۲ (۳) -۱ (۲) -۲ (۱)</p>	۴۳۴
نوبتی ۹۸	<p>در تابع با ضابطه $f(x) = \frac{-x-1}{\sqrt{x}}$ حاصل $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f\left(\frac{1}{4} + h\right) - f\left(\frac{1}{4}\right)}{h}$ کدام است؟</p> <p>۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)</p>	۴۳۵
نوبتی ۹۸	<p>مشتق تابع $f(x) = x \sqrt{\frac{3x+1}{x+2}}$ در نقطه $x = -3$ کدام است؟</p> <p>$\frac{3}{2}$ (۴) $\frac{4}{3}$ (۳) $\frac{3}{4}$ (۲) $\frac{2}{3}$ (۱)</p>	۴۳۶
ریاضی ۹۸	<p>$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x) - f(2)}{x - 2}$ باشد، $(f \circ g)'(1)$ و $g(x) = x + \sqrt{x}$ اگر کدام است؟</p> <p>۳ (۴) ۲ (۳) $\frac{3}{2}$ (۲) $\frac{2}{3}$ (۱)</p>	۴۳۷
ریاضی ۹۸	<p>خط به معادله $y = 3x - 5$ در نقطه $x = 2$ بر نمودار تابع $y = g(x)$ مماس است. اگر $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) - f(1)}{2x - 2} = \frac{2}{3}$ باشد، $(f \circ g)'(2)$ کدام است؟</p> <p>۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)</p>	۴۳۸



۹۷ تبریز	مشتق عبارت $x = \frac{\pi}{\lambda} \sin^4 x + \cos^4 x$ به ازای $x = \frac{\pi}{\lambda}$ کدام است؟ ۱ (۴) $\frac{1}{2}$ (۳) $-\frac{1}{2}$ (۲) -۱ (۱)	۴۳۹
۹۷ تبریز کارخانه	مشتق عبارت $2x^3 \tan^{-2} x$ به ازای $x = \frac{\pi}{4}$ کدام است؟ ۷۲ (۴) ۵۴ (۳) ۳۶ (۲) ۲۴ (۱)	۴۴۰
۹۷ زیاضی	$f(x) = \sqrt{x^4 - [x] + x }$ باشد، $\lim_{h \rightarrow 0^+} \frac{f(1+h) - f(1)}{h}$ کدام است؟ $\frac{5}{2}$ (۴) $\frac{3}{2}$ (۳) $\frac{5}{4}$ (۲) $\frac{1}{2}$ (۱)	۴۴۱
۹۷ زیاضی	خط قائم بر نمودار $f(x) = \frac{\cos 2x}{2 - \sin x}$ در نقطه تلاقی منحنی با محور y ها، نیمساز ناحیه اول را با کدام طول، قطع می کند؟ ۰.۵ (۴) ۰.۳ (۳) ۰.۲ (۲) ۰.۱ (۱)	۴۴۲
۹۷ زیاضی	تابع $g(x) = f(4-x^3)$ در $\mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ مشتق پذیر از مرتبه دوم است. به ازای هر عدد حقیقی x تابع f در نقطه x باشد. مقدار $f''(1) = -1$ و $f^{-1}(1) = 5$ است. اگر $g''(1) = \sqrt{3} g''(1)$ کدام است؟ ۳ (۴) ۲ (۳) -۲ (۲) -۳ (۱)	۴۴۳

ریاضی ۹۷ خارج	<p>$\lim_{h \rightarrow 0^-} \frac{f(3+h) - f(3)}{h}$ کدام است؟</p> <p>اگر $f(x) = \frac{x^x}{ 1-x }[x]$</p> <p>$\frac{3}{2}(4)$ $\frac{3}{4}(3)$ $\frac{1}{2}(2)$ $\frac{1}{4}(1)$</p>	۴۴۴
ریاضی ۹۷ ثانی	<p>در نمودار کدام تابع، دو خط قائم عمود برهم، می‌توان یافت؟</p> <p>$y = x + \sqrt{x^x + 1}$ (۲)</p> <p>$y = \cos \frac{x}{2}$ (۴)</p> <p>$y = x\sqrt{x^x + 1}$ (۱)</p> <p>$y = \sin 2x$ (۳)</p>	۴۴۵
ریاضی ۹۷ خارج	<p>تابع $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ در \mathbb{R} وارون پذیر و مشتق پذیر است. اگر $(f^{-1})'(5) = \sqrt{1+3f(x)}$ باشد، کدام است؟</p> <p>$f'(x) = \sqrt{1+3f(x)}$ (۵)</p> <p>$\frac{3}{2}(4)$ $\frac{3}{4}(3)$ $\frac{1}{2}(2)$ $\frac{1}{4}(1)$</p>	۴۴۶
ریاضی ۹۷ بجزی عده	<p>مشتق تابع $y = 2 \cos^2 \left(\frac{\pi}{6} - \frac{x}{4} \right)$ در نقطه $x = \frac{\pi}{6}$ کدام است؟</p> <p>$\frac{\sqrt{2}}{2}(4)$ $\frac{\sqrt{2}}{4}(3)$ $-\frac{\sqrt{2}}{2}(2)$ $-\frac{\sqrt{3}}{2}(1)$</p>	۴۴۷
ریاضی عد	<p>اگر تابع f در $x=4$ مشتق پذیر و $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{f(x)+7}{x-4} = \frac{-3}{2}$ باشد، آنگاه مشتق f در $x=2$ کدام است؟</p> <p>$\frac{f(2x)}{x}$</p> <p>$\frac{1}{2}(4)$ $\frac{1}{4}(3)$ $-\frac{1}{2}(2)$ $-\frac{1}{4}(1)$</p>	۴۴۸



ریاضی ۹۶ شارج	اگر تابع f در $x = -2$ مشتقپذیر و $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(-2+h)+3}{h} = \frac{1}{2}$ باشد، آنگاه مشتق $x^2 f(x)$ در $x = -2$ کدام است؟	۴۴۹
۹۵	$f(x) = \left(\sqrt{\frac{x+2}{2x-3}} \right)^3$ در تابع با ضابطه $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x)-f(2)}{x-2}$ حاصل کدام است؟	۴۵۰
۹۵ شارج	$f(x) = \sqrt{\frac{4x+5}{x+3}}$ در تابع با ضابطه $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(1+h)-f(1)}{h}$ حاصل کدام است؟	۴۵۱
۹۵	$f(x) = \begin{cases} \frac{\sin x}{1+\cos x}; & x > 0 \\ \sin 2x; & x \leq 0 \end{cases}$ در تابع با ضابطه $f'_-(0) - f'_+(0)$ مقدار $f'(0)$ کدام است؟	۴۵۲
۹۵	تابع f در $x = 2$ مشتقپذیر است. اگر $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(2+h)-9}{h} = \frac{3}{2}$ باشد، مشتق تابع $g(x) = x\sqrt{f(x)}$ در $x = 2$ کدام است؟	۴۵۳



ریاضی شارج ۹۵	امتداد خط مماس بر نمودار تابع $f(x) = \frac{\sin x}{1+\cos x}$ در نقطه $x = \frac{\pi}{3}$ با نیمساز ربع سوم زاویه α می‌سازد. $\tan \alpha$ کدام است؟	۰/۲ (۴) ۰/۲۵ (۳) ۰/۲ (۲) ۰/۱۵ (۱)	۴۵۴
ریاضی شارج ۹۴	اگر $f_+(\sqrt{2}) - f'_-(\sqrt{2})$ باشد، مقدار $f(x) = x^3 - [2x^2]x$ کدام است؟	۲ (۴) ۱ (۳) -۱ (۲) -۲ (۱)	۴۵۵
ریاضی شارج ۹۳	اگر $g(x) = 4x + x $ باشد، مشتق تابع $f \circ g$ کدام است؟ ۴) مشتق ندارد.	۲ (۳) ۳ (۲) ۲ (۱)	۴۵۶
ریاضی شارج ۹۲	مشتق تابع $y = 2 \sin^2 \left(\frac{\pi}{6} - \frac{x}{4} \right)$ به ازای $x = \frac{\pi}{3}$ کدام است؟	۰/۱ (۴) ۰/۱ (۳) ۰/۲ (۲) ۰/۲ (۱)	۴۵۷
ریاضی شارج ۹۱	مشتق تابع $y = \sin \sqrt[7]{2x}$ به ازای $x = \frac{\pi^2}{18}$ کدام است؟	۰/۲ (۴) ۰/۲ (۳) ۰/۲ (۲) ۰/۲ (۱)	۴۵۸



<p>پیشی ۹۳</p> <p>شکل رو به رو نمودار تابع $y = f'(x)$ به کدام صورت است؟</p>	<p>۴۵۹</p> <p>۱</p> <p>۲</p> <p>۳</p> <p>۴</p>
<p>پیشی ۹۳</p> <p>مشتق راست تابع با ضابطه $x = -3$ در نقطه $f(x) = ([x] - x)^{\sqrt[3]{9x}}$ کدام است؟</p> <p>$\frac{7}{3}$ (۴)</p> <p>-۴ (۳)</p> <p>-۵ (۲)</p> <p>$-\frac{16}{3}$ (۱)</p>	<p>۴۶۰</p>
<p>پیشی ۹۳ ثانی</p> <p>اگر f^{-1} وارون تابع مشتق‌پذیر f باشد و $f'(4) = 2$، $g(x) = \sqrt{2x}f^{-1}(x)$، آنگاه $g'(2)$ کدام است؟</p> <p>۹ (۴)</p> <p>۸ (۳)</p> <p>۷ (۲)</p> <p>۶ (۱)</p>	<p>۴۶۱</p>
<p>پیشی ۹۳</p> <p>کمترین مقدار تابع با ضابطه $y = x + \sqrt[3]{x^3 - x^5}$ کدام است؟</p> <p>۴) صفر</p> <p>$-\frac{1}{3}$ (۳)</p> <p>$-\frac{1}{6}$ (۲)</p> <p>$-\frac{1}{9}$ (۱)</p>	<p>۴۶۲</p>



ریاضی ۹۲	<p>$f'(g(x)) \cdot g'(x)$ حاصل $g(x) = \sqrt{x-1}$ و $f(x) = \frac{x^r - x^s}{1+x^r}$ اگر کدام است؟</p> <p>$\frac{x-3}{x^r} (4)$ $\frac{1}{3x} (3)$ $\frac{3}{x^r} (2)$ $\frac{3}{x} (1)$</p>	۴۶۳
ریاضی ۹۲ کار	<p>$f'(x) \cdot g'(f(x))$ حاصل $g(x) = \frac{x}{\sqrt{1+x^2}}$ و $f(x) = \frac{x}{\sqrt{1-x^2}}$ اگر می‌باشد؟</p> <p>$\frac{1}{2}x (4)$ $x (3)$ $1 (2)$ $-1 (1)$</p>	۴۶۴
جبری ۹۰	<p>مقدار مشتق $x = \frac{\pi}{4}$ به ازای $\frac{1-\cos^2 x}{2-\sin^2 x}$ کدام است؟</p> <p>$\frac{8}{9} (4)$ $\frac{7}{9} (3)$ $\frac{5}{9} (2)$ $\frac{4}{9} (1)$</p>	۴۶۵
جبری ۹۱	<p>مقدار مشتق عبارت $x = \frac{3}{\pi}$ به ازای $\sqrt{1+\tan^2 \frac{1}{x}}$ کدام است؟</p> <p>$\frac{2\pi^2 \sqrt{3}}{9} (4)$ $\frac{2\pi^2}{9} (3)$ $-\frac{2\pi^2}{9} (2)$ $-\frac{2\pi^2 \sqrt{3}}{9} (1)$</p>	۴۶۶
ریاضی کار ۹۱	<p>اگر $f''(0) = g(0) = 1$ و $f(x) = x + 1 + (g(x))^5$، مقدار $f'(0)$ برابر کدام است؟</p> <p>$5g''(0) + 20 (4)$ $4g''(0) + 20 (3)$ $5g''(0) (2)$ $4g''(0) (1)$</p>	۴۶۷



ریاضی شانز دایم	$\frac{64}{125} (4)$	$\frac{25}{32} (3)$	$\frac{32}{25} (2)$	$\frac{125}{64} (1)$	۴۶۸
جبر جبری شانز دایم	$\frac{1}{4} (4)$	$\frac{1}{8} (3)$	$-\frac{1}{8} (2)$	$-\frac{1}{4} (1)$	۴۶۹
جبری شانز دایم	$\frac{\pi}{32} (4)$	$\frac{\pi}{48} (3)$	$\frac{\pi}{72} (2)$	$\frac{\pi}{96} (1)$	۴۷۰

درس

۱۸

مشتق پذیری یک تابع

یزدی،
سیده
میرا

فرض کنید $f(x) = \begin{cases} g(x) & x \geq k \\ g'(x) & x < k \end{cases}$, ($a \neq 0$) $g(x) = ax^3 + bx + c$ مشتق پذیر باشد، حداکثر مقدار k به شرط $b + c = a$ کدام است؟

۴(۴)

۳(۳)

۱(۲)

 $\frac{3}{4}(1)$

۴۷۱

یزدی،
سیده
میرا

فرض کنید $f(x) = \begin{cases} g(x) & x \leq 2 \\ g'(x) & x > 2 \end{cases}$ اگر $g(x) = ax^3 + bx + c$ مشتق پذیر باشد، مقدار $a+b$ کدام است؟

 $\frac{15}{2}(4)$ $\frac{5}{2}(3)$ $-\frac{5}{2}(2)$ $-\frac{15}{2}(1)$

۴۷۲

یزدی،
سیده
میرا

تابع با ضابطه $f(x) = \begin{cases} \sqrt{5-2x} & x \leq -2 \\ -\frac{1}{2}x^3 + bx + c & x > -2 \end{cases}$ در $x = -2$ مشتق پذیر است. مقدار c کدام است؟

 $\frac{2}{3}(4)$ $\frac{1}{3}(3)$ $-\frac{1}{3}(2)$ $-\frac{2}{3}(1)$

۴۷۳

یزدی،
سیده
میرا

تابع با ضابطه $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{x-1} & x \geq 2 \\ -x^3 + ax + b & x < 2 \end{cases}$ روی مجموعه اعداد حقیقی مشتق پذیر است. کدام است b ?

۲(۴)

۱(۳)

-۱(۲)

-۲(۱)

۴۷۴



ریاضی شانزدهم	<p>در تابع با ضابطه $f(x) = \begin{cases} \frac{a}{ax+b} & x > 2 \\ -x^3+6x & x \leq 2 \end{cases}$ کدام است؟</p> <p>۴(۴) ۲(۳) ۲(۲) ۱(۱)</p>	۴۷۵
ریاضی شانزدهم	<p>تابع $f(X) = \begin{cases} x^3-2x & x < 2 \\ \frac{1}{2}x^3+ax+b & x \geq 2 \end{cases}$ در نقطه $x=2$ مشتقپذیر است. $a+b$ کدام است؟</p> <p>۵(۴) ۴(۳) ۳(۲) ۲(۱)</p>	۴۷۶
ریاضی شانزدهم	<p>تابع با ضابطه $f(x) = \frac{ x^3-2x }{x}$ در چند نقطه نقطه مشتقناپذیر است؟</p> <p>۴(۴) ۳(۳) ۲(۲) ۱(۱)</p>	۴۷۷
جبری شانزدهم	<p>اگر تابع با ضابطه $f(x) = \begin{cases} ax^4+bx+4 & x \geq -2 \\ x^3-x & x < -2 \end{cases}$ همواره مشتقپذیر باشد، (a, b) کدام است؟</p> <p>۲(۴) ۱(۳) ۲(۲) صفر ۱(۱) -3</p>	۴۷۸

۴۷۹	<p>برنجی ۹۳</p> <p>$f(x) = \begin{cases} \sin^3 x - \cos 2x; & 0 < x \leq \frac{\pi}{4} \\ a \tan x + b \sin 2x; & \frac{\pi}{4} < x < \frac{\pi}{2} \end{cases}$ تابع با ضابطه‌ی x مشتق‌پذیر است. b کدام است؟</p> <p>۱(۴) $\frac{1}{3}(3)$ $-\frac{1}{2}(2)$ ۱(۱)</p>	۴۸۰
۴۸۱	<p>ریاضی ۹۳ کار</p> <p>دو تابع با ضابطه‌های x و $f(x) = ۳x + a x$ مفروض‌اند. به ازای کدام مقدار a، $g(x) = \frac{۳}{۴} + a x$ در مبدأ مختصات، مشتق‌پذیر است؟</p> <p>۴(۴) هیچ مقدار a $\frac{1}{2}(3)$ $-\frac{1}{2}(2)$ $-\frac{1}{4}(1)$</p>	۴۸۲
۴۸۲	<p>ریاضی ۹۳ کار</p> <p>تابع با ضابطه‌ی x اعداد حقیقی مشتق‌پذیر است.</p> <p>۲(۴) $\frac{۳}{2}(3)$ ۱(۲) $\frac{1}{2}(1)$</p>	۴۸۳



ریاضی شانزدهم	$f(1 - \sqrt{2}) = ?$ $f'(x) = \begin{cases} x - \frac{1}{x} & x \geq 1 \\ x^2 + ax + b & x < 1 \end{cases}$ <p>در تابع با ضابطه‌ی $f(x)$ مقدار $f'(1)$ موجود است. کدام می‌باشد؟</p> <p>$3 - 2\sqrt{2}$ (۴) $2 - 2\sqrt{2}$ (۳) $2 - \sqrt{2}$ (۲) $3 - \sqrt{2}$ (۱)</p>	۴۸۳
ریاضی نهم	<p>تابع با ضابطه‌ی $f(x) = \left[\frac{1}{x} \right]$ در کدام بازه مشتق‌پذیر است؟</p> <p>$(-\infty, -1)$ (۴) $[1, +\infty)$ (۳) $(-1, 0)$ (۲) $[0, 1]$ (۱)</p>	۴۸۴
ریاضی شانزدهم	<p>اگر تابع با ضابطه‌ی $f(x) = \begin{cases} 1 + a \cos \pi x & x > 1 \\ bx^2 + x & x \leq 1 \end{cases}$ بر روی \mathbb{R} مشتق‌پذیر باشد، a کدام است؟</p> <p>$\frac{1}{2}$ (۴) -1 (۳) $-\frac{1}{2}$ (۲) 1 (۱)</p>	۴۸۵
جبری شانزدهم	<p>در تابع با ضابطه‌ی $f(x) = \begin{cases} \sqrt[3]{(2x+6)^2} & x > 1 \\ ax+b & x \leq 1 \end{cases}$ مقدار $f'(1)$ موجود است. b کدام است؟</p> <p>$\frac{10}{3}$ (۴) $\frac{8}{3}$ (۳) $\frac{7}{3}$ (۲) $\frac{4}{3}$ (۱)</p>	۴۸۶

درس

۱۹

آهنگ تغییر

ریاضی ثانی ۱۴	آهنگ متوسط تغییر تابع $y = \sin x \cos 2x$ در بازه $\left[\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{2}\right]$ برابر آهنگ متوسط تغییر تابع $y = \sin^4 x - \cos^4 x$ است؟				۴۸۷
	$\frac{1}{2}(4)$	$-\frac{1}{2}(3)$	$1(2)$	$-1(1)$	
ریاضی ۹۹	آهنگ متوسط تغییر تابع $y = \sqrt{21 - x^2 + 4x}$ در بازه $[5, 6]$ برابر آهنگ تغییر لحظه‌ای این تابع با کدام مقدار x است؟				۴۸۸
	$2 + \frac{5}{2}\sqrt{2}(4)$	$2 + \frac{3}{2}\sqrt{2}(3)$	$3 + 2\sqrt{2}(2)$	$4 + \sqrt{2}(1)$	
ریاضی ۹۸	در تابع با ضابطه $f(x) = \frac{1}{2}x^2 - \frac{1}{x}$ اختلاف آهنگ تغییر لحظه‌ای در $x = 2$ ، از آهنگ تغییر متوسط در بازه $[1, 4]$ ، کدام است؟				۴۸۹
	$0.75(4)$	$0.45(3)$	$0.5(2)$	$0.25(1)$	
ریاضی ۹۷	در تابع با ضابطه $f(x) = (x+2)\sqrt{4x+1}$ آهنگ تغییر متوسط تابع در بازه $[0, 2]$ از آهنگ تغییر لحظه‌ای آن در $x = \frac{3}{4}$ چقدر بیشتر است؟				۴۹۰
	$0.25(4)$	$0.20(3)$	$0.15(2)$	$0.10(1)$	



ردیف کارکرد پیشیزه	<p>در تابع با ضابطه $f(x) = \sqrt{2x+1} + \frac{1}{x+1}$ آهنگ تغییر متوسط تابع در بازه $[4, 5]$ از آهنگ تغییر لحظه‌ای آن در $x = \frac{3}{2}$ چقدر کمتر است؟</p> <p>۰/۰۶ (۴) ۰/۰۵ (۳) ۰/۰۴ (۲) ۰/۰۳ (۱)</p>	۴۹۱
ردیف کارکرد پیشیزه	<p>در تابع با ضابطه $f(x) = \sqrt{x}$ آهنگ متوسط تغییر تابع نسبت به تغییر متغیر x، در نقطه $x = 1$ با نمو متغیر x از آهنگ لحظه‌ای تابع در این نقطه، چقدر کمتر است؟</p> <p>$\frac{2}{21}$ (۴) $\frac{3}{42}$ (۳) $\frac{1}{21}$ (۲) $\frac{1}{42}$ (۱)</p>	۴۹۲
ردیف کارکرد پیشیزه	<p>در تابع با ضابطه $f(x) = \frac{x-1}{\sqrt{x}}$ آهنگ متوسط تغییر تابع نسبت به تغییر متغیر x در نقطه $x = 1$ با نمو x از آهنگ لحظه‌ای تابع در این نقطه چقدر کمتر است؟</p> <p>$\frac{1}{6}$ (۴) $\frac{1}{12}$ (۳) $\frac{1}{24}$ (۲) $\frac{1}{30}$ (۱)</p>	۴۹۳
ردیف کارکرد پیشیزه	<p>در تابع با ضابطه $f(x) = (2x+1)^{-\frac{1}{2}}$ آهنگ متوسط تغییر تابع، از نقطه $x = 4$ تا $x = 12$ از آهنگ لحظه‌ای آن در $x = 4$ چقدر بیشتر است؟</p> <p>$\frac{11}{270}$ (۴) $\frac{7}{270}$ (۳) $\frac{11}{540}$ (۲) $\frac{7}{540}$ (۱)</p>	۴۹۴
ردیف کارکرد پیشیزه	<p>در تابع با ضابطه $f(x) = \sqrt{x}$ آهنگ متوسط تغییر تابع از نقطه $x = 4$ تا $x = 6/25$ از آهنگ لحظه‌ای آن در نقطه $x = 4$ چقدر کمتر است؟</p> <p>$\frac{1}{12}$ (۴) $\frac{5}{72}$ (۳) $\frac{1}{18}$ (۲) $\frac{1}{36}$ (۱)</p>	۴۹۵

۴۹۶	در تابع با ضابطه $f(x) = \frac{3x}{x^2}$ آهنگ متوسط تابع از $x_1 = 2$ تا $x_2 = 3$ چقدر از آهنگ لحظه‌ای آن در $x = \sqrt[3]{12}$ بیشتر است؟	۲.۵ (۴) ۲ (۳) ۱.۵ (۲) ۱ (۱)
۴۹۷	در تابع با ضابطه $f(x) = \frac{x}{x-1}$ آهنگ متوسط از $x_1 = 2$ تا $x_2 = 5$ برابر آهنگ لحظه‌ای آن در $x = \alpha$ است. α کدام است؟	۴ (۴) ۳ (۳) $1 + \sqrt{3}$ (۲) ۲.۵ (۱)



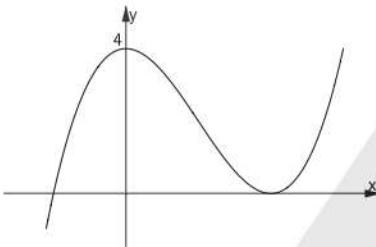
math-pilevar.ir



درس
۲۰

اکسترمم و کاربرد مشتق

ریاضی ثانی پیش‌بازمی	<p>به ازای چند مقدار صحیح k نقطه عطف منحنی $y = \frac{k}{2}x^3 - (k+2)x^2$ در ناحیه سوم محورهای مختصات قرار دارد؟</p> <p>(۴) صفر ۱(۳) ۲(۲) ۱(۱) بیش از ۲</p>	۴۹۸
ریاضی پیش‌بازمی	<p>کمترین فاصله نقاط واقع بر منحنی $y = \sqrt{x - [x^2]}$ از خط $2x - y + 2 = 0$ کدام است؟</p> <p>$\frac{3\sqrt{5}}{10}$ (۴) $\frac{\sqrt{5}}{10}$ (۳) $\frac{3\sqrt{5}}{8}$ (۲) $\frac{\sqrt{5}}{5}$ (۱)</p>	۴۹۹
ریاضی پیش‌بازمی	<p>به ازای چند مقدار صحیح و منفی k، نقطه عطف منحنی $y = kx^3 + (k+1)x^2$ در ناحیه دوم محورهای مختصات قرار دارد؟</p> <p>(۴) صفر ۲(۳) بیش از ۲ ۲(۲) ۱(۱)</p>	۵۰۰
ریاضی دی پیش‌بازمی	<p>تابع $f(x) = \frac{x}{1-x x }$ چند نقطه بحرانی دارد؟</p> <p>۳(۴) ۲(۳) ۱(۲) ۱(۱) صفر</p>	۵۰۱

پیش‌بینی ۱۴۰	<p>حاصل ضرب بیشترین و کمترین مقدار تابع $f(x) = \sqrt{x} + \sqrt{a - 2x}$ است. اگر $[a]$ کدام است؟</p> <p>۱۲ (۴) ۶ (۳) ۴ (۲) ۲ (۱)</p>	۵۰۲
پیش‌بینی ۱۴۰	<p>نمودار تابع $f(x) = x^3 + ax^2 + bx + c$ به صورت زیر است. طول نقطهٔ مینیمم نسبی تابع کدام است؟</p>  <p>۱ (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴)</p>	۵۰۳
پیش‌بینی ۱۴۰	<p>نقطه $(1, 1)$ اکسترم نسبی تابع $y = x^2 x + 3ax^3 + b$ کدام است؟ مقدار $\frac{b}{a}$ است.</p> <p>۱ (۴) ۲ (۳) -۱ (۲) -۳ (۱)</p>	۵۰۴
پیش‌بینی ۱۴۰	<p>نقاط $(0, 0)$ و $(1, 1)$ نقاط اکسترم نسبی تابع $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$ هستند. حاصل ab کدام است؟</p> <p>۶ (۴) ۲ (۳) -۶ (۲) -۳ (۱)</p>	۵۰۵



هزاره ۱۴	<p>مینیمم مطلق تابع $x ^3 - x^3$ در بازه $[-\sqrt{3}, \sqrt{3}]$ کدام است؟</p> <p>$-\frac{9}{8}$ (۴) $-\sqrt{3}$ (۳) -2 (۲) $-\frac{9}{4}$ (۱)</p>	۵۰۶
هزاره ۱۴	<p>کدام عبارت برای تابع $f(x) = 2\sqrt{x} - \frac{3}{2\sqrt{x^2 - 1}}$ درست است؟</p> <p>(۱) تابع f در بازه $(1, \infty)$ صعودی است. (۲) تابع f در بازه‌های $(1, \infty)$ و $(-\infty, 1)$ صعودی است. (۳) تابع f در بازه $(1, \infty)$ صعودی و در بازه $(-\infty, 1)$ نزولی است. (۴) تابع f در بازه $(1, \infty)$ نزولی و در بازه $(-\infty, 1)$ صعودی است.</p>	۵۰۷
هزاره ۱۴	<p>بازه‌ایی که تابع $f(x) = \frac{x^4}{x^3 - 8}$ در آن‌ها اکیداً نزولی است را در نظر بگیرید. مینیمم طول این بازه‌ها کدام است؟</p> <p>$2(\sqrt[5]{4} - 1)$ (۴) $2\sqrt[5]{4}$ (۳) $\sqrt[5]{4} - 1$ (۲) 2 (۱)</p>	۵۰۸
هزاره ۱۴	<p>فرض کنید A و B نقاط اکسترمم تابع $f(x) = 2x^3 - 3x^2 - 12x + 1$ باشند. چند نقطه روی منحنی f وجود دارد که خطوط مماس بر آن‌ها موازی پاره خط AB است؟</p> <p>(۱) صفر (۲) 1 (۳) 2 (۴) 3</p>	۵۰۹
هزاره ۱۳	<p>مجموعه مقادیری از اعداد حقیقی که در آن تابع $f(x) = 3\sqrt[3]{x} + x$ صعودی باشد، کدام است؟</p> <p>$[-3\sqrt[3]{3}, 0]$ (۴) $[-1, 0] \cup (0, \infty)$ (۳) $(-\infty, \infty)$ (۲) $[-1, \infty)$ (۱)</p>	۵۱۰



ریاضی شانزدهم	تعداد بازه‌هایی که تابع $f(x) = \frac{x^4 - 3}{x^2 - 2}$ در آنها اکیداً نزولی باشد، کدام است؟ ۵ (۴) ۴ (۳) ۳ (۲) ۲ (۱)	۵۱۱
ریاضی شانزدهم	فرض کنید A و B نقاط مینیمم نسبی و C و D نقاط عطف تابع $f(x) = x^4 - 6x^3 + 5$ باشند. زاویه بین پاره خط‌های AB و CD کدام است؟ ۶۰ (۴) ۴۵ (۳) ۲۰ (۲) ۱ (۰) صفر	۵۱۲
ریاضی شانزدهم	فاصله نقطه ماکسیمم نسبی تابع با ضابطه $f(x) = x + \sqrt{4x - x^2}$ از نیمساز ناحیه اول کدام است؟ ۲۷۲ (۴) ۲ (۳) ۷۲ (۲) ۱ (۱)	۵۱۳
جبری نهم	از بین مثلث‌های قائم‌الزاویه با اندازه وتر ۱۰ واحد، دو ضلع قائم با کدام نسبت انتخاب شود تا حجم حاصل از دوران این مثلث حول ضلع قائم بیشترین باشد؟ $\frac{\sqrt{2}}{1}$ (۴) $\frac{3}{2}$ (۳) $\frac{\sqrt{3}}{1}$ (۲) $\frac{2}{1}$ (۱)	۵۱۴
جبری نهم	مقدار ماکسیمم نسبی تابع با ضابطه $f(x) = \frac{x^7 + 2x - 3}{x^2 + 1}$ کدام است؟ $1 + \sqrt{3}$ (۴) $-1 + \sqrt{3}$ (۳) $1 + \sqrt{5}$ (۲) $-1 + \sqrt{5}$ (۱)	۵۱۵



۵۱۶	در تابع با ضابطه $f(x) = x x - 4 $ فاصله دو نقطه ماقسیم نسبی و مینیم نسبی آن کدام است؟ $2\sqrt{5}$ (۴) $2\sqrt{2}$ (۳) $2\sqrt{2}$ (۲) $\sqrt{5}$ (۱)	۹۷ زیری زیری
۵۱۷	در تابع با ضابطه $f(x) = x x - 2x$ فاصله دو نقطه ماقسیم نسبی و مینیم نسبی آن کدام است؟ ۴ (۴) $2\sqrt{2}$ (۳) ۳ (۲) $2\sqrt{2}$ (۱)	۹۸ زیری زیری
۵۱۸	شکل روبرو، نمودار تابع $f(x) = 3x^4 + ax^3 + bx^2 + cx$ است. a کدام است؟ 	۹۸ ریاضی
۵۱۹	فاصله نقطه مینیم مطلق تابع $f(x) = \frac{x^3 + 2x}{(x-1)^2}$ از خط مجانب قائم آن کدام است؟ ۲ (۴) $\frac{3}{2}$ (۳) $\frac{4}{3}$ (۲) ۱ (۱)	۹۸ ریاضی

۹۸	<p>شکل رو به رو نمودار تابع $f(x) = x^4 + ax^3 + bx^2$ کدام است؟</p>	۵۲۰
۹۸	<p>فاصله نقطه ماکسیمم نسبی تابع $f(x) = \frac{2x - x^2}{(x+1)^2}$ از خط مجانب افقی آن کدام است؟</p> <p>$\frac{3}{2}(4)$ $\frac{4}{3}(3)$ $1(2)$ $\frac{2}{3}(1)$</p>	۵۲۱
۹۷	<p>نمودار تابع $y = x^{\frac{1}{2}} - 4x^{\frac{1}{3}}$ در کدام بازه نزولی و تعقر آن رو به پایین است؟</p> <p>$(-\infty, -2)(4)$ $(-2, 0)(3)$ $(0, 1)(2)$ $(-2, 1)(1)$</p>	۵۲۲
۹۷	<p>با توجه به نمودار تابع $f(X) = x^3 - 6x^2 + 9x + 2$ به ازای کدام مجموعه مقادیر m معادله $f(x) = m$ فقط دارای یک ریشه حقیقی است؟</p> <p>$m < 2(4)$ $m > 7(3)$ $m < 3$ یا $m > 6(2)$ $m < 2$ یا $m > 7(1)$</p>	۵۲۳



۹۷	<p>با توجه به نمودار تابع $f(x) = -\frac{2}{3}x^3 + x^2 + 12x$ به ازای کدام مقادیر m خط به معادله $y = m$ با نمودار تابع مفروض فقط در دو نقطه مشترک است؟</p> <p>$-\frac{16}{3}$ (۴) $-\frac{16}{3}$ (۳) $-\frac{44}{3}$ (۲) $-\frac{44}{3}$ (۱)</p>	۵۲۴
۹۷	<p>خط راستی بر نمودار تابع $y = x^3 - 2x^2 + 3x$ مماس شده و از آن عبور می‌کند. شیب این خط کدام است؟</p> <p>$\frac{5}{3}$ (۴) $\frac{4}{3}$ (۳) $\frac{2}{3}$ (۲) $-\frac{2}{3}$ (۱)</p>	۵۲۵
۹۷	<p>شکل زیر، نمودار تابع $y = \frac{x^3 + ax^2}{x^2 + bx + 1}$ است. مقدار مینیمم نسبی تابع، کدام است؟</p> <p>۴۵ (۱) ۶ (۲) ۶۲۵ (۳) ۶۷۵ (۴)</p>	۵۲۶

ریاضی شانزدهم	<p>شکل زیر، نمودار تابع $y = x + \sqrt{-x^2 + ax + b}$ است. مقدار ماکسیمم مطلق تابع کدام است؟</p>	<p>۵۲۷</p> <p>$1 + \sqrt{3}$ (۱) $2\sqrt{3}$ (۲) $1 + 2\sqrt{2}$ (۳) 4 (۴)</p>
ریاضی شانزدهم	<p>اگر $A(1, -3)$ نقطه عطف منحنی به معادله $y = ax^3 - x^2 - 3x + b$ باشد، مقدار تابع در نقطه ماکزیمم نسبی آن، کدام است؟</p> <p>$\frac{8}{3}$ (۴) $\frac{7}{3}$ (۳) $\frac{5}{3}$ (۲) $\frac{4}{3}$ (۱)</p>	<p>۵۲۸</p>
ریاضی شانزدهم	<p>اگر $A(1, -2)$ نقطه عطف منحنی به معادله $y = ax^3 + bx^2 - 3x + 1$ باشد. مقدار تابع در نقطه ماکزیمم نسبی آن کدام است؟</p> <p>(۴) فاقد ماکزیمم نسبی (۳) ۶ (۲) ۵ (۱) ۴</p>	<p>۵۲۹</p>
ریاضی شانزدهم	<p>نمودار تابع با ضابطه $f(x) = \cos^4 x - 2 \cos x; x \in [0, 2\pi]$ در کدام بازه، نزولی و تعقر آن رو به پایین است؟</p> <p>$\left(\frac{4\pi}{3}, \frac{3\pi}{2}\right)$ (۴) $\left(\frac{2\pi}{3}, \pi\right)$ (۳) $\left(\pi, \frac{4\pi}{3}\right)$ (۲) $\left(\frac{\pi}{2}, \frac{2\pi}{3}\right)$ (۱)</p>	<p>۵۳۰</p>



ریاضی عالی کارنامه	<p>نمودار تابع با ضابطه $f(x) = \sin^2 x - 2 \sin x; x \in [0, 2\pi]$ در کدام بازه صعودی و تعقر آن رو به پایین است؟</p> <p>$\left(\frac{\pi}{2}, \frac{7\pi}{6}\right)$ (۴) $\left(\frac{\pi}{2}, \frac{5\pi}{6}\right)$ (۳) $\left(\frac{3\pi}{2}, \frac{11\pi}{6}\right)$ (۲) $\left(\frac{7\pi}{6}, \frac{3\pi}{2}\right)$ (۱)</p>	۵۳۱
ریاضی کارنامه	<p>مقادیر ماکزیمم و مینیمم مطلق تابع با ضابطه $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - x^2 - 15x$ در بازه $[3, 4]$- کدام است؟</p> <p>۳۶ و -۲۷ (۴) ۲۷ و -۳۶ (۳) ۲۷ و -۴۵ (۲) ۲۴ و -۱۸ (۱)</p>	۵۳۲
ریاضی کارنامه	<p>شکل رو به رو نمودار تابع $f(x) = x^4 + ax^3 + bx$ است. با تعیین مقادیر a و b، مینیمم تابع، کدام است؟</p> <p></p> <p>-۳۶ (۱) -۳۲ (۲) -۲۷ (۳) -۲۴ (۴)</p>	۵۳۳
ریاضی کارنامه	<p>اگر $A(1, -11)$ نقطه عطف نمودار تابع با ضابطه $f(x) = x^3 + ax^2 + bx$ باشد، آنگاه مقدار $f(-1)$ کدام است؟</p> <p>۶ (۴) ۵ (۳) ۴ (۲) ۳ (۱)</p>	۵۳۴



ریاضی ششم ۹۵	<p>شکل رو به رو، نمودار تابع $f(x) = \frac{ax+2}{x^2+b}$ است. با تعیین a و b مینیمم نسبی این تابع کدام است؟</p>	۵۳۵
ریاضی ششم ۹۵	<p>طول نقطه عطف نمودار تابع $y = \sqrt[5]{(5-x)^2}$ کدام است؟</p> <p>۲ (۴) ۱ (۳) ۲ صفر -۱ (۱)</p>	۵۳۶
ریاضی ششم ۹۵	<p>طول نقطه ماکسیمم نسبی تابع با ضابطه $y = (x-1)\sqrt[2]{x^2-1}$ کدام است؟</p> <p>$\frac{2}{3}$ (۴) $\frac{1}{2}$ (۳) $\frac{1}{3}$ (۲) $\frac{1}{4}$ (۱)</p>	۵۳۷
زیست‌شناسی ششم ۹۴	<p>اگر تابع‌هایی به صورت $f(x) = x^3 - (m+2)x^2 + 3x + 2$ همواره صعودی باشند، آنگاه مجموعی طول نقاط عطف این توابع، در کدام بازه است؟</p> <p>$[0, 1]$ (۴) $[-1, 1]$ (۳) $[-2, 2]$ (۲) $[-2, 0]$ (۱)</p>	۵۳۸

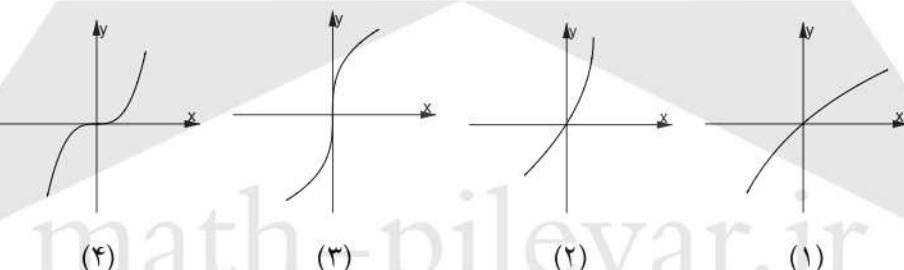


۴۶ ریاضی	<p>اگر تابع‌هایی به صورت $x^3 - (m-1)x^3 + 8x^2$ دارای ماکزیمم و مینیمم با طول‌های منفی باشند، آن‌گاه مجموعه طول نقاط عطف این توابع در کدام بازه است؟</p> <p>($-\infty, -4$) (۴) ($-\infty, -2$) (۳) ($-4, -1$) (۲) $\left(-5, -\frac{1}{2}\right)$ (۱)</p>	۵۳۹
۴۷ ریاضی	<p>شکل مقابل، نمودار تابع با ضابطه $f(x) = -x^4 + 8x^3 + ax^2 + b$ است. a کدام است؟</p>	۵۴۰
۴۸ ریاضی	<p>شکل زیر نمودار تابع با ضابطه $f(x) = x^4 - x^3 + ax^2 + bx$ است. b کدام است؟</p>	۵۴۱
۴۹ ریاضی	<p>در کدام بازه تابع با ضابطه $f(x) = -x^4 + 8x^3 - 18x^2$ نزولی و تعقر نمودار آن، رو به بالاست؟</p> <p>(۰, ۱) (۳) (۱, ۴) (۲) (۱, ۳) (۱)</p>	۵۴۲

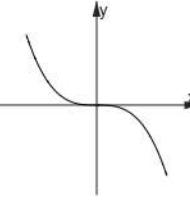
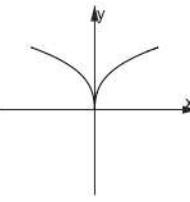
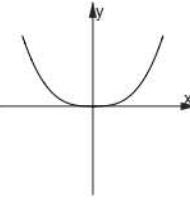
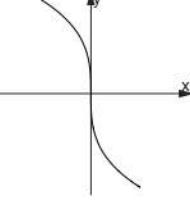
پنجاه و سیم شنبه	<p>در کدام بازه تابع ب ضابطه $y = \frac{1}{4}x^4 + \frac{1}{2}x^3 - 3x^2$ صعودی و تعقر نمودار آن رو به پایین است؟</p> <p>(۰, ۱) (۴) (-۱, ۲) (۳) (-۲, ۱) (۲) (-۲, ۰) (۱)</p>	۵۴۳
پنجاه و ششم شنبه	<p>بیشترین مقدار تابع $y = x^3 - 3x^2 - 9x + 5$ در بازه $[-2, 2]$، کدام است؟</p> <p>۱۷ (۴) ۱۲ (۳) ۱۰ (۲) ۹ (۱)</p>	۵۴۴
پنجاه و هفتم شنبه	<p>شکل رو به رو، نمودار تابع $y = ax^4 + 2x^3 + bx^2$ است. a کدام است؟</p> <p>-1 (۱) -1/2 (۲) -1/4 (۳) 1/4 (۴)</p>	۵۴۵
پنجاه و هشتم شنبه	<p>تعقر منحنی به معادله $y = x\sqrt{x^2 + 2}$ در بازه $(a, +\infty)$ رو به بالا است. کمترین مقدار a کدام است؟</p> <p>۰ (۱) صفر -1 (۲) 1 (۳) -\infty (۴)</p>	۵۴۶

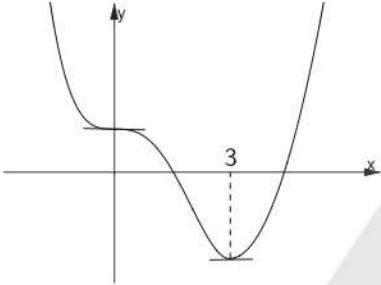


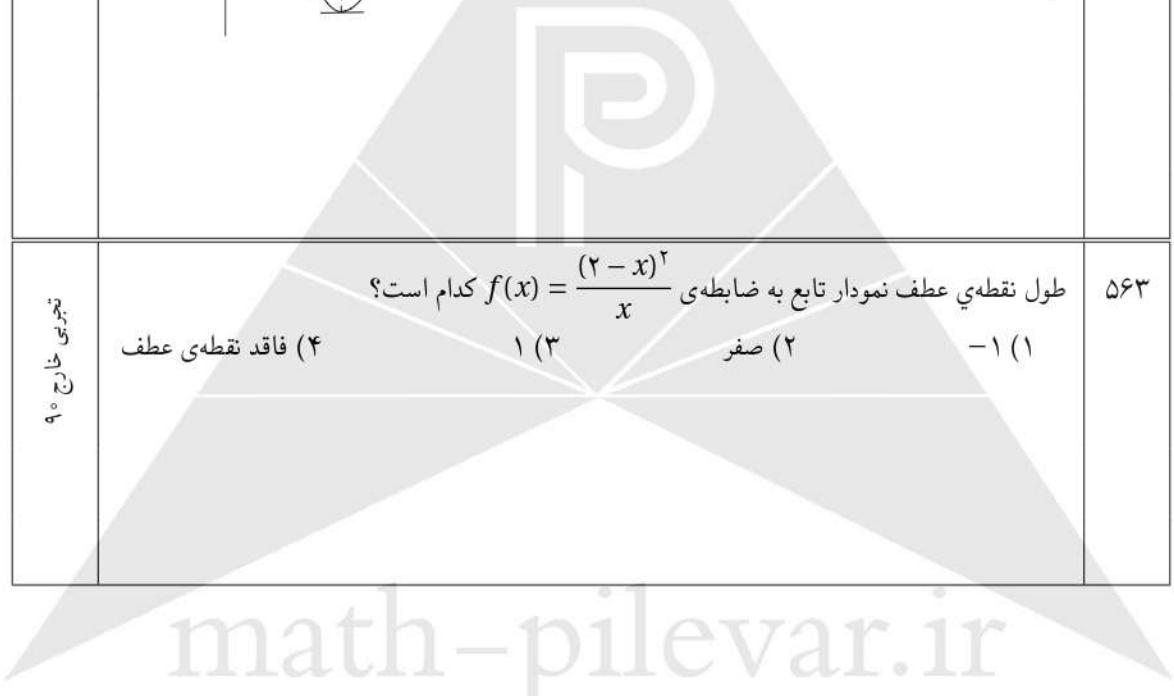
پیش‌نیاز	<p>کمترین مقدار تابع $y = \frac{1}{4}x^4 - x^3 - 2x^2$ کدام است؟</p> <p>-۱۸ (۴) -۲۴ (۳) -۳۲ (۲) -۳۶ (۱)</p>	۵۴۷
پیش‌نیاز	<p>تعقر نمودار تابع $y = (x+3)\sqrt{x}$ در بازه‌ی (a, b) رو به پایین است. بیشترین مقدار $a - b$ کدام است؟</p> <p>+∞ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)</p>	۵۴۸
پیش‌نیاز	<p>شکل رو به رو، نمودار تابع $y = ax^{\frac{1}{3}} + bx^{\frac{1}{2}}$ کدام است. مقدار b کدام است؟</p> <p>$\frac{1}{2}$ (۱) ۱ (۲) $\frac{3}{2}$ (۳) ۲ (۴)</p>	۵۴۹
پیش‌نیاز	<p>به ازای کدام مجموعه مقادیر a، تعقر منحنی به معادله‌ی $y = x^4 + ax^3 + \frac{3}{2}x^2$ همواره رو به بالا است؟</p> <p>-۲ < a < ۲ (۴) -۲ < a < ۱ (۳) -۱ < a < ۲ (۲) -۱ < a < ۱ (۱)</p>	۵۵۰

پیش‌نیازی ۹۲	<p>مجموعه‌ی طول نقاط عطف منحنی به معادله‌ی $y = x x^3 - 4x^2$ کدام است؟</p> <p>(۱) $\left\{ \frac{4}{3}, \frac{4}{3} \right\}$ (۲) $\left\{ 0, \frac{4}{3}, \frac{4}{3} \right\}$ (۳) $\left\{ \frac{4}{3}, \frac{4}{3}, \frac{4}{3} \right\}$ (۴) $\left\{ 0, \frac{4}{3} \right\}$</p>	۵۵۱
ریاضی ۹۲ نئو	<p>به ازای کدام مجموعه مقادیر a، طول یکی از اکسترمم‌های نسبی تابع با ضابطه‌ی $f(x) = x^3 + ax^2 - 8x$ در بازه‌ی $(1, 4)$ قرار می‌گیرد؟</p> <p>(۱) $-5 < a < 2.5$ (۲) $-5 < a < 1.5$ (۳) $-3 < a < 2.5$ (۴) $-3 < a < 1.5$</p>	۵۵۲
تجزی ۹۱	<p>منحنی نمایش تابع $y = -x^4 + 4x^3 - 3$ در کدام بازه صعودی و تعقر آن رو به پایین است؟</p> <p>(۱) $(2, 3)$ (۲) $(0, 2)$ (۳) $(0, 3)$ (۴) $(2, +\infty)$</p>	۵۵۳
تجزی ۹۱	<p>نمودار تابع $y = \frac{x^3}{x^2 + 1}$ در حوالی مبدأ مختصات چگونه است؟</p>  <p>(۱) (۲) (۳) (۴)</p>	۵۵۴
تجزی ۹۱	<p>منحنی نمایش تابع $y = \frac{1}{3}x^3 - x^2 - 3x$ در کدام بازه نزولی و تعقر آن رو به بالا است؟</p> <p>(۱) $(1, +\infty)$ (۲) $(-1, 3)$ (۳) $(1, 3)$ (۴) $(-1, 1)$</p>	۵۵۵



<p>پیشنهاد شده</p>	<p>نمودار تابع $y = x^{\frac{3}{5}} - 4x^{\frac{1}{5}}$ در حوالی مبدأ مختصات چگونه است؟</p> <p>(۴) </p> <p>(۳) </p> <p>(۲) </p> <p>(۱) </p>	<p>۵۵۶</p>
<p>پیشنهاد شده</p>	<p>تابع با ضابطه $f(x) = x^3 - 2x - 3$ با دامنه $\{x : x - 1 < 2\}$ همواره چگونه است؟</p> <p>۴) نزولی ۳) صعودی ۲) مثبت ۱) منفی</p>	<p>۵۵۷</p>
<p>پیشنهاد شده</p>	<p>اگر $x \in \mathbb{R}$ و $g(x) = 2^x$ آنگاه تابع $f \circ g$ از نظر استرتم نسبی کدام نوع را دارد؟</p> <p>۲) ماکزیمم- مینیمم ۱) ماکریمم- مینیمم ۴) فاقد ماکزیمم- فاقد مینیمم ۳) فاقد ماکریمم- مینیمم</p>	<p>۵۵۸</p>
<p>پیشنهاد شده</p>	<p>اگر $a > 0$ و ثابت و x متغیر باشد، مینیمم مقدار $\frac{3a+x}{\sqrt[3]{a^3x}}$ کدام است؟</p> <p>۴(۴) $3a$ ۴(۳) $2a$ ۴(۲) $x=3a$ ۱) $x=2a$</p>	<p>۵۵۹</p>
<p>پیشنهاد شده</p>	<p>تعقر نمودار تابع با ضابطه $y = \sin x + \frac{x}{\pi}$ وقتی $0 \leq x \leq \frac{\pi}{2}$ به کدام صورت است؟</p> <p>۲) رو به بالا ۱) رو به پایین ۴) ابتدا رو به بالا و سپس رو به بالا ۳) ابتدا رو به پایین و سپس رو به بالا</p>	<p>۵۶۰</p>

۹۰ درجه	<p>۴) فاقد نقطه عطف</p> <p>طول نقطه عطف منحنی به معادله $y = \frac{x}{1+ x }$ کدام است؟</p> <p>۱) ۳ ۲) صفر -۱) ۱</p>	۵۶۱
۹۰ درجه	<p>شکل مقابل نمودار تابع با ضابطه $a+b$ کدام است؟ $f(x) = \frac{1}{4}x^4 + ax^3 + bx^2 + 2$</p> <p></p> <p>-۱) ۱ ۲) صفر ۱) ۳ ۲) ۴</p>	۵۶۲
۹۰ درجه	<p>۴) فاقد نقطه‌ی عطف</p> <p>طول نقطه‌ی عطف نمودار تابع به ضابطه $f(x) = \frac{(2-x)^3}{x}$ کدام است؟</p> <p>۱) ۳ ۲) صفر -۱) ۱</p>	۵۶۳



math-pilevar.ir



جبر و دروگردانی ۹۰	<p>شکل مقابل قسمتی از نمودار تابع با ضابطه $f(x) = \frac{x^2 + a}{x + b}$ است. مقادیر a و b به کدام صورتند؟</p> <p>$a > b = -1$ (۱) $a < b = -1$ (۲) $b > a = -1$ (۳) $b < a = -1$ (۴)</p>	۵۶۴
پیش‌نمایش ۹۰	<p>اگر x و y دو ضلع قائم از مثلثی به طول وتر $5\sqrt{2}$ باشند، بیشترین مقدار $4y + 3x$ کدام است؟</p> <p>۴۰ (۴) $28\sqrt{2}$ (۳) ۳۶ (۲) $25\sqrt{2}$ (۱)</p>	۵۶۵
پیش‌نمایش ۹۰	<p>تابع f روی $[a, b]$ تعریف شده و $a < c < b$ است. کدام بیان نادرست است؟</p> <p>(۱) اگر c نقطه اکسترم نسبی و $f'(c)$ وجود داشته باشد آنگاه خط مماس بر منحنی در c افقی است. (۲) اگر c نقطه اکسترم نسبی باشد آنگاه c نقطه بحرانی است. (۳) اگر c نقطه بحرانی باشد آنگاه c نقطه اکسترم نسبی است. (۴) اگر c نقطه اکسترم مطلق باشد، آنگاه c نقطه بحرانی است.</p>	۵۶۶
پیش‌نمایش ۹۰	<p>تعداد نقاط بحرانی تابع با ضابطه $f(x) = x^3 - x$ روی بازه $[-1, 2]$ کدام است؟</p> <p>۶ (۴) ۵ (۳) ۴ (۲) ۳ (۱)</p>	۵۶۷

پیشیزه	<p>مجموعه طول نقاطی که تعقر منحنی به معادله $\frac{-2}{x^2+3} = y$ رو به بالا باشد، به کدام صورت است؟</p> <p>$X > \sqrt{3}$ (۴) $x > \sqrt{2}$ (۳) $x < 2$ (۲) $x < 1$ (۱)</p>	۵۶۸
پیشیزه	<p>تابع f در نقطه c دارای مینیموم است و مشتق راست دارد. الزاماً این مشتق چگونه است؟</p> <p>(۴) مثبت (۳) نامنفی (۲) منفی (۱) مثبت</p>	۵۶۹
پیشیزه ثانی	<p>تابع با ضابطه $f(x) = x^4 - 6x^2 + 8x$ از نظر اکسترم نسبی کدام وضع را دارد؟</p> <p>(۲) ماکزیمم نسبی (۱) مینیموم نسبی (۴) فاقد اکسترم نسبی (۳) مینیموم نسبی و ماکزیمم نسبی</p>	۵۷۰
پیشیزه ثانی	<p>تعداد نقاط بحرانی تابع با ضابطه $f(x) = \frac{\sqrt{1+x^2}}{x}$ بر روی دامنه خود کدام است؟</p> <p>(۴) بی شمار (۳) ۲ (۲) ۱ (۱) صفر</p>	۵۷۱
پیشیزه ثانی	<p>مجموعه نقاطی که تعقر نمودار تابع با ضابطه $y = x^3 + 2\sqrt{2}\cos x$ رو به بالا باشد در کدام بازه است؟</p> <p>$\left(\frac{3\pi}{4}, \frac{5\pi}{4}\right)$ (۴) $\left(\frac{\pi}{4}, \frac{7\pi}{4}\right)$ (۳) $\left(\frac{\pi}{4}, \frac{3\pi}{4}\right)$ (۲) $\left(0, \frac{3\pi}{4}\right)$ (۱)</p>	۵۷۲

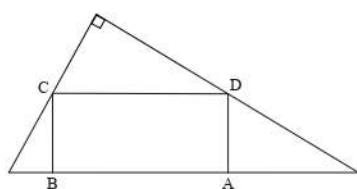


درس
۲۱

بهینه‌سازی

پیش‌نیاز
۱۴۰

- در شکل زیر، یکی از اضلاع قائمه مثلث بزرگ نصف دیگری است. اگر مساحت مستطیل $ABCD$ ماکریم باشد، نسبت طول به عرض مستطیل کدام است؟



۵۷۳

- ۱ (۱)
۱۵ (۲)
۲ (۳)
۲۵ (۴)

پیش‌نیاز
۱۴۰

- کمترین فاصله نقاط واقع بر منحنی $y = -\sqrt{-x - [x^2]}$ از خط $x - y - 1 = 0$ کدام است؟

- $\frac{3\sqrt{2}}{8}$ (۴) $\frac{2\sqrt{2}}{10}$ (۳) $\frac{3\sqrt{2}}{5}$ (۲) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ (۱)

۵۷۴

پیش‌نیاز
۱۴۰

- نمودار تابع $f(x) = (m^2 - 1)x^2 + (2 - m)x + 5$ محور x را در α و β قطع می‌کند. اگر مجموع α و β بیشترین مقدار باشد، m کدام است؟

- $2 - \sqrt{3}$ (۳) $2 + \sqrt{3}$ (۲) $2 + \sqrt{5}$ (۱)

۵۷۵

پیش‌نیاز
۱۰۰

- از بین مخروط‌های حاصل که از دوران کامل پاره‌خط AB با اندازه $3\sqrt{3}$ حول خط L به دست می‌آیند، ارتفاع مخروطی با بیشترین حجم، کدام است؟ (فقط نقطه A روی خط L واقع است.)

- $\sqrt{3}$ (۴) $2\sqrt{3}$ (۳) $3(2)$ (۲) 6 (۱)

۵۷۶

۱۴۰	<p>قرینه نقطه A واقع بر سهمی $x^3 = f(x)$ را نسبت به نیمساز ناحیه اول و سوم صفحه مختصات تعیین کرده و آن را A' مینامیم. اگر طول نقطه A بین دو طول متواالی از محل تقاطع تابع f با خط نیمساز مورد نظر باشد، ماکزیمم طول پاره خط AA' کدام است؟</p> <p>$\frac{\sqrt{2}}{8}(4)$ $\frac{\sqrt{2}}{4}(3)$ $\frac{\sqrt{2}}{2}(2)$ $\sqrt{2}(1)$</p>	۵۷۷
۱۴۰	<p>حداکثر مساحت جانبی استوانه‌ای که درون یک کره به شعاع $4\sqrt{2}$ محاط می‌شود کدام است؟</p> <p>$\frac{512\pi}{3}(4)$ $\frac{256\pi}{3}(3)$ $64\pi(2)$ $32\pi(1)$</p>	۵۷۸
۱۴۰	<p>قرینه نقطه A واقع بر منحنی $f(x) = \sqrt[3]{-x}$ را در دامنه $[1, 0]$ نسبت به نیمساز ناحیه دوم و چهارم صفحه مختصات تعیین و آن را A' مینامیم. ماکزیمم طول پاره خط AA' کدام است؟</p> <p>$\frac{4}{2\sqrt{2}}(4)$ $\frac{2}{2\sqrt{2}}(3)$ $\frac{4}{2\sqrt{6}}(2)$ $\frac{2}{2\sqrt{6}}(1)$</p>	۵۷۹
۹۹	<p>کوتاهترین فاصله نقطه $A(5, 0)$ از نقاط منحنی به معادله $y = \sqrt{2x+7}$ کدام است؟</p> <p>$2\sqrt{2}(4)$ $5(3)$ $4\sqrt{2}(2)$ $4(1)$</p>	۵۸۰
۹۸	<p>بیشترین مساحتی که دو ضلع آن بر روی محورهای مختصات و رأس چهارم آن، بر روی منحنی به معادله $y = \sqrt{12-x}$ در ناحیه اول واقع شود، کدام است؟</p> <p>$18(4)$ $16(3)$ $8\sqrt{3}(2)$ $8\sqrt{2}(1)$</p>	۵۸۱



پیشگیری
در جهان
۹۸

بیشترین مساحت مستطیلی که یک ضلع آن بر قطر نیم دایره به شعاع ۶ واحد و دو رأس دیگر آن روی این نیم دایره باشد، کدام است؟

۳۶(۴)

۲۷(۳)

۲۴(۲)

۱۸(۱)

۵۸۲

